


Документ	Ф 11/13-1.04-2015	
Тестовое задание	Редакция 4	
	Дата введения 10.01.2015	

ТАРАЗСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ М.Х. ДУЛАТИ

**Кафедра «Математика»**

Тестовое задание (2015г.) № \_\_\_\_\_

По дисциплине «Математика-2» (3 кредита) (3+3+3)

Для студентов 1 курса, специальностей

5В070800-«Нефтегазовое дело»

- Найти область определения функции  $z = \ln(4 + 4x - y^2)$   
Е) внешняя часть параболы  $y^2 = 4x + 4$ , кроме точек параболы
- Найти область определения функции  $z = \frac{1}{\sqrt{1 - x^2 - y^2}}$   
Е) внешняя часть окружности  $x^2 + y^2 = 1$ , кроме точек окружности
- Найти область определения функции  $z = y + \sqrt{x}$ :  
Е) полуплоскость  $x = 0$
- Найдите значение функции  $z = 3x^2y - 2x + 2xy^2 - 5$  в точке  $P(1,0)$ :  
Е)  $-17$
- Найдите значение функции  $z = (x - y)(x - z)(y - z)$  в точке  $P(2, -3, 4)$   
Е) 2
- Вычислить предел  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 2}} \frac{x^2 + y^2}{\sqrt{4 - x^2 - y^2} - 1}$   
Е)  $\infty$
- Вычислить предел  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ y \rightarrow 2}} \frac{\sqrt{x^2 + (y - 2)^2 + 1} - 1}{x^2 + (y - 2)^2}$   
Е) 2
- Функция  $z = f(x, y)$  непрерывная в каждой точке некоторой области  $D$  называется..  
Е) монотонной в области  $D$
- По формуле  $dz = \frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy$  вычисляется  
Е) частный дифференциал функции  $u = f(x, y, z)$
- Полный дифференциал функции  $u = f(x, y, z)$  вычисляется по формуле

Е)  $du = \frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy$

11. Функция, имеющая дифференциал в каждой точке некоторой области  $D$  называется  
 Е) неограниченной в области  $D$

12. Найти  $\frac{\partial f}{\partial x}$  функции  $f = x^2 + e^{3y} - \sin x$  :

Е) 0

13. Найти  $\frac{\partial f}{\partial y}$  функции  $f = \frac{x-y}{x+y}$  :

Е) 0

14. Найти  $\frac{\partial f(-1;1)}{\partial x}$  функции  $f = e^{3x-2y}$  :

Е)  $2e^2$

15. Найти  $\frac{\partial f}{\partial y}$  функции  $f = \ln\left(\frac{x^2}{y^2}\right)$  :

Е)  $-\frac{y^2}{x^2}$

16. Найти  $\frac{\partial f}{\partial y}$  функции  $f = x^y$  :

Е)  $y \ln x$

17. Найти  $\frac{\partial f}{\partial y}$  функции  $f = \operatorname{arctg}(xy)$  :

Е)  $\operatorname{arctg} x$

18. Найти  $df(1;1)$  функции  $f = \frac{x}{y^2}$  :

Е)  $f = \frac{1}{2} dx + dy$

19. Найти  $df(1;2;0)$  функции  $f = \ln(xy+z)$  :

Е)  $\frac{1}{2} dx + dy - dz$

20. Найти  $df(-1;1)$  функции  $f = e^{3x-2y}$  :

Е)  $(dx - dy)e^5$

21. Если  $z = f(x, y)$  - дифференцируемая функция своих аргументов  $x$  и  $y$ , а  $x = x(t)$  и  $y = y(t)$  являются дифференцируемыми функциями от аргумента  $t$ , то производная сложной функции  $z = f(x(t), y(t))$  находится по формуле:

Е)  $\frac{dz}{dt} = \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y}$

22. Если  $z = f(x, y)$  - дифференцируемая функция своих аргументов  $x$  и  $y$ , а  $x = x(u, v)$  и  $y = y(u, v)$ , то частная производная  $\frac{\partial z}{\partial u}$  сложной функции  $z = f(x(u, v), y(u, v))$  находится по формуле:

Е)  $\frac{\partial z}{\partial u} = \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{\partial z}{\partial y}$

23. Если  $z = f(x, y)$  - дифференцируемая функция своих аргументов  $x$  и  $y$ , а  $x = x(u, v)$  и  $y = y(u, v)$ , то частная производная  $\frac{\partial z}{\partial v}$  сложной функции  $z = f(x(u, v), y(u, v))$  находится по формуле:

Е)  $\frac{\partial z}{\partial v} = 2 \frac{dz}{dx} \cdot \frac{\partial x}{\partial v} + 4 \frac{dz}{dy} \cdot \frac{\partial y}{\partial v}$

24. Функция  $z = z(x, y)$  называется неявной функцией от  $x$  и  $y$ , если она задается уравнением..

Е)  $Z(x, y) = C$

25. Частная производная  $\frac{\partial z}{\partial x}$  неявной функции  $z = z(x, y)$  находится по формуле:

Е)  $\frac{\partial z}{\partial x} = -\frac{F'_x}{F}$

26. Указать формулу нахождения частной производной  $\frac{\partial z}{\partial y}$  неявной функции  $z = z(x, y)$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial x} = -\frac{F'_y}{F}$

27. Указать неявные функции  $z = z(x, y)$ :

Д)  $z = x^2 - y^2$ ;  $xyz^3 = x + y + z$

Е)  $\sqrt{x^2 + 3y^2} = 2 - y^2x^3$ ;  $z - 3xyz = a$

Д)  $\partial z = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$

Е)  $dz = \frac{dz}{dx} + \frac{dz}{dy}$

Д)  $\frac{dz}{dt} = 2t + 2$

Е)  $\frac{dz}{dt} = 12t^2 + 8t$

Д)  $\frac{dz}{dt} = 2(5t + 1)e^{(3t+1)(t-1)}$

Е)  $\frac{dz}{dt} = 3(t - 3)e^{(3t+1)(t-1)}$

31. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial u}$  сложной функции  $z = x \ln y$ , где  $x = u + v$ ,  $y = u \cdot v$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial u} = (1 + u + v) \ln uv$

32. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial v}$  сложной функции  $z = x \ln y$ , где  $x = u + v$ ,  $y = u \cdot v$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial v} = (u + v) \ln u v$

33. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial u}$  сложной функции  $z = x^2 y$ , если  $x = u - 2v$ ,  $y = 2u + v$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial u} = 0$

34. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial v}$  сложной функции  $z = x^2 y$ , если  $x = u - 2v$ ,  $y = 2u + v$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial v} = -1$

35. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial u}$  сложной функции  $z = x + xy$ , если  $x = u + v$ ,  $y = u - v$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial u} = (u + v)(u - v + 1)$

36. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial v}$  сложной функции  $z = x + xy$ , если  $x = u + v$ ,  $y = u - v$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial v} = 0$

37. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial x}$  неявной функции  $z^3 + 3x^2 y = 5$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial x} = -\frac{2x}{z^2}$

38. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial y}$  неявной функции  $z^3 + 3x^2 y = 5$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial y} = 3(x^2 + z^2)$

39. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial x}$  неявной функции  $xz + y^2 z^2 = 0$

Е)  $\frac{\partial z}{\partial x} = -\frac{x + 2y^2 z}{z}$

40. Найти частную производную  $\frac{\partial z}{\partial y}$  неявной функции  $xz + y^2 z^2 = 0$

Е)  $\frac{\partial z}{\partial y} = \frac{x + 2yz^2 z}{2yz^2}$

41. Найти  $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$  функции  $z = x^3 y + 2xy^2$ :

Е)  $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} = 6yx + 2y^2$

42. Найти  $\frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x}$  функции  $z = \sin xy$ :

Е)  $\frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x} = -\sin xy$

43. Найти  $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$  функции  $z = 4x^3 + 3x^2y + 3xy^2 - y^3$

Е)  $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = 3x^2 - 3y^2 + 6xy$

44. Найти  $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$  функции  $z = x^3y^2 - xy^5 + 5x - y$

Е)  $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = -5y^4$

45. Укажите все частные производные второго порядка функции  $z = f(x, y)$ :

Е)  $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial^3 z}{\partial x^2 \partial y}, \frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$

46. Если смешанные частные производные второго порядка  $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$  и  $\frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x}$  непрерывны, то они...

Е)  $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x} = z$

47. Указать формулу вычисления дифференциала второго порядка  $d^2z$  для функции  $z = f(x, y)$ :

Е)  $d^2z = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} dx - 2 \frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} dy^2$

48. Указать необходимые условия экстремума в точке  $P(x_0, y_0)$  функции  $z = f(x, y)$ :

Е)  $x = y$

49. Если стационарная точка  $P_0(x_0, y_0)$  является точкой минимума функции  $z = f(x, y)$  и

$A = z_{xx}(P_0), B = z_{xy}(P_0), C = z_{yy}(P_0), \Delta = AC - B^2$ , то...

Е)  $\Delta = 0, A = 0$

50. Если стационарная точка  $P_0(x_0, y_0)$  является точкой максимума функции  $z = f(x, y)$  и

$A = z_{xx}(P_0), B = z_{xy}(P_0), C = z_{yy}(P_0), \Delta = AC - B^2$ , то...

Е)  $\Delta = 0, A < 0$

51. Найти стационарную точку  $P(x_0, y_0)$  функции  $z = x^2xy + y^2 + x - y + 1$ :

Е)  $P(0;0)$

52. Найти точку экстремума  $P(x_0, y_0)$  функции  $z = (x-2)^2 + 2y^2 - 10$ :

Е)  $P(-2;1)$  точка максимума

53. Найти стационарную точку  $P(x_0, y_0)$  функции  $z = x^2 - xy + y^2 + 9x - 6y + 20$ :

Е)  $P(-8;-1)$

54. Найти точки экстремума  $P(x_0, y_0)$  функции  $z = x^2 + y^2 - xy + x + y$ :

Е)  $P(-3;-1)$  точка максимума

55. Наибольшее значение функции  $z = y\sqrt{x} - 2y^2 - x + 14y$  в точке максимума  $P(4;4)$  равно:

Е) 76

56. Найти точку  $P(x_0, y_0)$ , в которой функция  $z = x^2 + xy + y^2 - 6x - 9y$  принимает наименьшее значение:

Е)  $P(5;-7)$

57. Найти стационарную точку  $P(x_0, y_0)$  функции  $z = 1 + 6x - x^2 - xy - y^2$ :

Е)  $P\left(\frac{14}{3}; -\frac{7}{3}\right)$

58. Наибольшее значение функции  $z = xy(6 - x - y)$  в точке максимума  $P(2;2)$  равно:

Е) -16

59. Найти точку  $P(x_0, y_0)$ , в которой функция  $z = xy - x^2 - y^2 + 9$  принимает наибольшее значение:

Е)  $P(0;2)$

60. Наименьшее значение функции  $z = x^2 + y^{-xy} + x + y$  в точке минимума  $P(-1;-1)$  равно:

Е) 0

61. В показательной форме комплексное число  $(-i)$  имеет вид

Е)  $e^{\frac{i\pi}{2}}$

1)  $z\bar{z} = a^2 + b^2, z = a - bi$

62. Укажите верное выражение формулы Муавра 2)  $\sqrt[n]{z} = \sqrt[n]{r} \left( \cos \frac{\varphi_0 + 2k\pi}{n} + i \sin \frac{\varphi_0 + 2k\pi}{n} \right), k = 0, 1, \dots, n-1$

3)  $z = r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$

4)  $z^n = r^n (\cos n\varphi + i \sin n\varphi)$

Е) формулы Муавра нет.

63. Вычислить  $(\cos 9^0 + i \sin 9^0)^{10}$

Е) 0

64. Вычислить  $(\cos 10^0 + i \sin 10^0)^{27}$

Е)  $i$

65. Вычислить  $(\cos 1^0 + i \sin 1^0)^{30}$

Е)  $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$

66. Вычислить  $(\cos 30^\circ + i \sin 30^\circ)^3$

Е)  $-1$

67. Вычислить  $(\cos 30^\circ + i \sin 30^\circ)^6$

Е)  $i$

68. Вычислить  $(\cos 30^\circ + i \sin 30^\circ)^9$

Е)  $-1$

69. Вычислить  $(\cos 30^\circ + i \sin 30^\circ)^{12}$

Е)  $-1$

70. Представить комплексное число  $z = 2 + 2i$  в тригонометрической форме.

Е)  $z = 2\sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{4} + 2 \sin \frac{\pi}{4} \right)$

71. Найти  $\overline{z_1 z_2}$  - если  $z_1 = 3 - 4i$ ,  $z_2 = 1 + 3i$

Е)  $17 + i$

72. Найти  $\overline{z_1 + z_2}$  - если  $z_1 = 3 - 4i$ ,  $z_2 = 1 + 3i$

Е)  $2 + 7i$

73. Найти  $\overline{z_1 - z_2}$  - если  $z_1 = 3 - 4i$ ,  $z_2 = 1 + 3i$

Е)  $2 - i$

74. Найти  $\overline{z_1 + z_2}$  - если  $z_1 = 3 - 4i$ ,  $z_2 = 1 + 3i$

Е)  $2 + 7i$

75. Вычислить  $\frac{i+1}{i}$

Е)  $-1 - i$

76. Вычислить  $\frac{55+54i}{i}$

Е)  $-\frac{14}{5} + i \frac{23}{5}$

77. Вычислить  $\frac{4+i}{1-i}$

Е)  $-\frac{14}{5} + i \frac{23}{5}$

78. Вычислить  $\frac{1+i}{1-i}$

Е)  $-\frac{14}{5} + i \frac{23}{5}$

79. Вычислить  $\frac{1+2i}{1-2i}$

Е)  $-\frac{14}{5} + i\frac{23}{5}$

80. Вычислить  $\frac{2+i}{1-i}$

Е)  $-\frac{14}{5} + i\frac{23}{5}$

81. Укажите свойство неопределенного интеграла:

Е)  $\int df(x) = C$

82. Укажите свойство неопределенного интеграла:

Е)  $\left(\int f(x)dx\right)' = f\left(\frac{x}{2}\right) + C$

83. Укажите формулу интегрирования заменой переменной в неопределенном интеграле:

Е)  $\int f(x)dx = \int f(t)\varphi^3(t)dt$

84. Найдите интеграл  $\int \frac{5}{(x+3)^3} dx$ :

Е)  $5\ln|x+3| + C$

85. Найдите интеграл  $\int \frac{\ln^2 x}{x} dx$ :

Е)  $2\ln x + C$

86. Найдите интеграл  $\int \cos^3 x \sin x dx$ :

Е)  $3\cos^2 x + C$

87. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{\sqrt{16-x^2}}$ :

Е)  $\arcsin \frac{x}{4}$

88. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{x^2+4}$ :

Е)  $\operatorname{arctg} \frac{x^2}{2} + C$

89. Какой метод применяется при нахождении интеграла  $\int \arcsin x dx$ :

Е) Метод подведения под знак дифференциала

90. Найдите интеграл  $\int \sin 5x dx$ :

Е)  $\cos 5x + C$



91. Найдите интеграл  $\int x \cos x dx$ :

Е)  $x \cos x + \sin x + C$

92. Найдите интеграл  $\int \ln x dx$ :

Е)  $x + C$

93. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{x+1}$ :

Е)  $x + C$

94. Найдите интеграл  $\int e^{3x+5} dx$ :

Е)  $\frac{1}{3} e^{3x+5}$

95. Укажите формулу интегрирования по частям в неопределенном интеграле:

Е)  $\int u dv = -uv + \int v du$

96. Найдите интеграл  $\int \left( x + \sin \frac{x}{2} \right) dx$ :

Е)  $2x + \cos x$

97. Найдите интеграл  $\int \frac{x+1}{x} dx$ :

Е)  $x + C$

98. Найдите интеграл  $\int \sin^2 x dx$ :

Е)  $\frac{x}{2} - \frac{1}{4} \sin x + C$

99. Найдите интеграл  $\int \cos \frac{x}{4} dx$ :

Е)  $\sin x + C$

100. Найдите интеграл  $\int \sin 3x \sin x dx$ :

Е)  $4 \sin 3x - \sin x + C$

101. Найдите интеграл  $\int \sin 2x \cos 5x dx$ :

Е)  $-2 \cos 2x + 5 \sin 5x + C$

102. Найдите интеграл  $\int \sin^2 x dx$ :

Е)  $\frac{1}{2} x - \frac{1}{4} \cos 2x + C$

103. Найдите интеграл  $\int \cos^2 x dx$ :

Е)  $\frac{1}{2} x - \sin 2x + C$

104. С помощью универсальной подстановки  $t = \operatorname{tg} \frac{x}{2}$  найдите интеграл  $\int \frac{dx}{\sin x}$ :

Е)  $\ln|t| + C$

105. Найдите интеграл  $\int \sin^3 x dx$ :

Е)  $\frac{1}{3} \cos^3 x + \sin x + C$

106. Найдите интеграл  $\int \frac{5dx}{x + \sqrt{2}}$ :

Е)  $\ln|x + \sqrt{2}| + C$

107. Найдите интеграл  $\int \frac{3dx}{2x + 5}$ :

Е)  $6(2x + 5)^{-2} + C$

108. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{(x + 2)^3}$ :

Е)  $\frac{(x + 2)^4}{4} + C$

109. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{(3x + 4)^2}$ :

Е)  $\frac{(3x + 4)^3}{9} + C$

110. Укажите простейшую дробь 3-го типа  $\int \frac{5x + 8}{x^2 + 2x + 5} dx$ ,  $\int \frac{3x + 2}{x^2 + 4x - 1} dx$ ,  $\int \frac{dx}{(3x + 7)^3}$ ,  $\int \frac{x + 4}{2x^2 + 3x - 2} dx$ :

Е) простейшей дроби 3-го типа нет

111. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{(x + 2)(x + 1)}$ :

Е)  $\ln|x + 1| - \ln|x + 2|$

112. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{(x - 2)(3 - x)}$ :

Е)  $3 \ln|x - 2| + 2 \ln|3 - x| + C$

113. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + 9}}$ :

Е)  $\ln|x + 3| + C$

114. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{\sqrt{3 - x^2}}$ :

Е)  $3 \arccos \frac{x}{\sqrt{3}} + C$

115. Найдите интеграл  $\int \frac{dx}{\sqrt{4x^2 - 49}}$ :

Е)  $\ln \left| x - \frac{\sqrt{4x^2 - 49}}{2} \right| + C$

116. Укажите формулу тригонометрии, которая используется при интегрировании произведений синусов и косинусов:

Е)  $\cos \alpha \cdot \cos \beta = \frac{1}{2} \sin(\alpha - \beta) + \ln C$

117. Укажите формулу тригонометрии, которая используется при вычислении интеграла  $\int \sin^m x \cos^n x dx$ , где m и n-четные неотрицательные числа:

Е)  $\sin^2 x = \frac{1 + \sin 2x}{2}$ ;  $\cos^2 x = \frac{1 + \cos 2x}{2}$

118. Рациональная дробь  $P(x) = \frac{R(x)}{Q(x)}$  где  $R(x), Q(x)$  многочлены с действительными коэффициентами называется

правильной, если:

Е) Степень числителя равна трем

119. Подынтегральная функция  $\int \frac{2x-1}{(x-3)(x-4)} dx$  является...

Е) Линейной функцией

120. Укажите формулу Ньютона-Лейбница  $\int_a^b f(x) dx = F(x) \Big|_a^b$ , если  $F(x)$  первообразная функции  $f(x)$ :

Е)  $F(a) + F(b) + C$

121. Вычислите интеграл  $\int_1^6 \frac{dx}{\sqrt{x+3}}$ :

Е) 0

122. Вычислите интеграл  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin 4x dx$ :

Е) 0

123. Вычислите интеграл  $\int_1^2 (x^2 - 2x + 3) dx$ :

Е) 0

124. Какое соотношение верно:

Е)  $\int_a^b f(x) dx = F(x) \Big|_a^b = F(a) + F(b)$

125. Вычислите интеграл  $\int_0^{\frac{\pi}{8}} \frac{dx}{\cos^2 2x}$ :

Е)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

126. Вычислите интеграл  $\int_0^1 xe^x dx$  :

Е)  $e$

127. Укажите формулу интегрирования по частям в определенном интеграле :

Е)  $\int_a^b u dv = uv|_a^b + C$

128. Какой из интегралов представляет определенный интеграл  $\int x \sin x dx$ ;  $\int_0^{\infty} e^x dx$ ;  $\int_1^2 x^2 dx$ ;  $\int_{-\infty}^0 \frac{dx}{1+x^2}$  :

А)  $\int_1^2 x^2 dx$

В)  $\int_0^{\infty} e^x dx$ ;  $\int_1^2 x^2 dx$ ;  $\int_{-\infty}^0 \frac{dx}{1+x^2}$

129. Укажите формулу нахождения площади плоской фигуры:

А)  $S = \int_a^b f(x) dx$

В)  $S = \int_a^b f^2(x) dx$

130. Площадь фигуры, ограниченной линиями  $y=0$ ,  $x=2$ ,  $y=x^2$  равна:

Е)  $S=0$

131. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями  $y=x^2+1$ ,  $y=0$ ,  $x=0$ ,  $x=2$  :

Е)  $S = \frac{11}{3}$

132. Площадь фигуры, ограниченной линиями  $y=0$ ,  $x=1$ ,  $x=4$ ,  $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ , равна:

Е)  $S = 6$

133. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями  $y=e^x$ ,  $y=0$ ,  $x=0$ ,  $x=1$  :

Е)  $S = 2e + 1$

134. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = \sin x$ ,  $y=0$ ,  $x=0$ ,  $x = \pi$  :

Е)  $S = 0$

135. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = \frac{1}{x}$ ,  $y=0$ ,  $x=2$ ,  $x=1$  :

Е)  $S = 2$

136. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = x^4$ ,  $y=0$ ,  $x=1$ ,  $x=2$  :

Е)  $S = 1$

137. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2$ ,  $y = 2x$  :

Е)  $S = 1$

138. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями  $y^2 = 2x$ ,  $y=0$ ,  $x=2$  :

Е)  $S = 4$

139. Найти объем тела, образованного вращением вокруг оси  $Oy$  фигуры, ограниченной параболой  $y = x^2$ , осью  $Oy$  и прямыми  $y = 0$ ,  $y = 1$ .

Е)  $V_y = \frac{1}{5}$

140. Объем тела, образованного вращением вокруг оси  $Ox$  фигуры, ограниченной кривой  $y = f(x)$ , осью  $Ox$  и прямыми  $x = a$ ,  $x = b$  вычисляется по формуле:

Е)  $V_x = 2\pi R$

141. Несобственным интегралом  $\int_a^{\infty} f(x)dx$  называют:

Е)  $\lim_{b \rightarrow \infty} \int_a^b f(x)dx$

142. Несобственный интеграл  $\int_a^{\infty} f(x)dx$  называют сходящимся, если:

- А) существует предел в правой части равенства.
- В) не существует предел в правой части равенства.

143. Несобственный интеграл  $\int_a^{\infty} f(x)dx$  называют расходящимся, если:

- А) не существует предел в правой части равенства.
- В) существует предел в правой части равенства.

144. Укажите несобственный интеграл:

А)  $\int_a^{\infty} f(x)dx$

В)  $\int_a^b f(x)dx$

145. Укажите пределы интегрирования несобственного интеграла  $\int f(x)dx$ :

Е)  $(a + \infty)$

146. Несобственный интеграл абсолютно сходится - если:

Е)  $\int_a^{\infty} |f(x)|dx$  - расходится;  $\int_a^{\infty} f(x)dx$  - расходится.

147. Несобственный интеграл условно сходится - если:

Е)  $\int_a^{\infty} |f(x)|dx$  - расходится;  $\int_a^{\infty} f(x)dx$  - расходится.

148. Если функция  $f(x)$  интегрируема на любом отрезке  $[a, b]$ , где  $a < b < \infty$ , то полагают:

Е)  $\int_a^{\infty} f(x)dx = \lim_{a \rightarrow \infty} \int_a^b f\left(x + \frac{a}{b}\right)dx$

149. Несобственным интегралом называют:

Е) формулу замены переменной в определенном интеграле.

150. Если функция  $f(x)$  интегрируема на любом конечном отрезке  $[a, N]$ , и если существует  $\lim_{N \rightarrow \infty} \int_a^N f(x) dx$  то его называют:

Е) интегральным признаком Даламбера

151. Вычислите интеграл  $\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+3}}$  :

Е) 0

152. Вычислите интеграл  $\int_2^{\infty} \frac{dx}{x^2}$  :

Е) 0

153. Вычислите интеграл  $\int_1^{\infty} (x^2 - 2x + 3) dx$  :

Е) 0

154. Вычислите интеграл  $\int_0^{\infty} -e^{2x} dx$  :

А)  $-\infty$

155. Вычислите интеграл  $\int_0^{\infty} xe^x dx$  :

А)  $\infty$

156. Вычислите интеграл  $\int_0^{\infty} \cos(\pi x) dx$  :

Е)  $e$

157. Вычислите интеграл  $\int_0^{\infty} \sin(\pi x + \frac{\pi}{2}) dx$  :

Е)  $e$

158. Вычислите интеграл  $\int_2^{\infty} \frac{dx}{x^3}$  :

Е) 0

159. Вычислите интеграл  $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x^4}$  :

Е) 0

160. Вычислите интеграл  $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x}$  :

Е) 0

161. Площадь плоской фигуры вычисляют по формуле:

$$E) S = \frac{1}{2} ab \sin \varphi$$

162. Если площадь  $S$  ограничена двумя непрерывными кривыми  $y = f_1(x)$  и  $y = f_2(x)$  и двумя вертикалями  $x = a$  и  $x = b$ , где  $f_1(x) \leq f_2(x)$  при  $a \leq x \leq b$ , то:

$$E) S = \int_a^b (f_1(x)f_2(x))dx$$

163. Если кривая задана уравнениями в параметрической форме  $\begin{cases} x = \varphi(t) \\ y = \psi(t) \end{cases}$  то площадь криволинейной трапеции,

ограниченной этой кривой, двумя вертикалями  $x = a$  и  $x = b$ , и отрезком оси  $Ox$ , выражается интегралом:

$$E) S = \int_{t_1}^{t_2} \psi(t) dt$$

164. Площадь в полярных координатах вычисляется по формуле:

$$E) S = \frac{1}{2} \int_{\alpha}^{\beta} (r(\varphi))^2 d\varphi$$

165. Длина дуги плоской кривой заданной параметрическими уравнениями вычисляется по формуле:

$$E) L = \frac{1}{2} \int_{t_1}^{t_2} \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2} dt$$

166. Длина дуги плоской кривой заданной уравнением  $y = f(x)$  вычисляется по формуле:

$$E) L = \int_a^b \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx$$

167. Длина дуги плоской кривой заданной уравнением  $x = g(y)$  вычисляется по формуле:

$$E) L = \int_a^b \sqrt{1 + \left(\frac{dx}{dy}\right)^2} dy$$

168. Длина дуги плоской кривой заданной уравнением в полярных координатах вычисляется по формуле:

$$E) L = \int_{\alpha}^{\beta} \sqrt{r^2 + 1^2} d\varphi$$

169. Объем тела, образованного вращением вокруг оси  $Ox$  криволинейной трапеции вычисляется по формуле:

$$E) V_x = \pi \int_a^b f^2(x) dx$$

170. Объем тела, образованного вращением вокруг оси  $Oy$  криволинейной трапеции вычисляется по формуле:

$$E) V_y = \pi \int_c^d \varphi^2(y) dy$$

171. Вычислить площадь криволинейной трапеции ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = \sqrt{x}$ :

E) 0

172. Вычислить площадь криволинейной трапеции ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 1$  и кривой  $y = \sqrt{x}$ :

Е) 0

173. Вычислить площадь криволинейной трапеции ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = x^2$ :

Е) 0

174. Вычислить площадь криволинейной трапеции ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 1$  и кривой  $y = x$ :

Е) 0

175. Вычислить площадь криволинейной трапеции ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = x$ :

Е) 0

176. Вычислить площадь криволинейной трапеции ограниченной прямыми  $a = 1$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = \frac{1}{x}$ :

Е) 0

177. Вычислить площадь криволинейной трапеции ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = (x - 1)^2$ :

Е) 0

178. Вычислить длину дуги кривой ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = x$ :

Е) 0

179. Вычислить длину дуги кривой ограниченной прямыми  $a = 0$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = 3$ :

Е) 0

180. Вычислить длину дуги кривой ограниченной прямыми  $a = -3$ ,  $b = 2$  и кривой  $y = -x$ :

Е) 0

181. Предел интегральных сумм  $\lim_{\max d(s_i) \rightarrow 0} \sum_{i=1}^n f(x_i, y_i) \Delta s_i$  при условии  $\max d(s_i) \rightarrow 0 (n \rightarrow \infty)$ , где  $d(s_i)$  - диаметр

ячейки  $S_i$ , называется

Е) криволинейным интегралом второго рода от функции  $f(x, y)$  по области  $D$

182. Двойной интеграл от функции  $z = f(x, y)$  по замкнутой ограниченной области  $D$   $\iint_D f(x, y) ds$  в декартовых

координатах имеет вид:

Е)  $\iint_D f(x, y) dx dx$

183. Какие функции интегрируемы в смысле двойного интеграла?

Е) функции, неограниченной области.

184. Укажите свойство двойного интеграла:

Е)  $\iint_D f(x, y) dx dy = \sum_{i=1}^n \iint_{D_i} f(x, y) dx dy$

185. Укажите свойство двойного интеграла (С-постоянная):

Е)  $\iint_D C \cdot f(x, y) dx dy = C \iint_D f(x, y) dx dy$

186. Если область интегрирования  $D$  двойного интеграла разбита на две области  $D_1$  и  $D_2$ , то  $\iint_D f(x, y) dx dy$  равен..



Е)  $\iint_D f(x, y) dx dy = 2 \iint_{D_1} f(x, y) dx dy$

187. Представьте двойной интеграл  $\iint_D f(x, y) dx dy$  в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по  $x$ , если

область  $D$ , ограничена линиями  $x = a$ ,  $x = b$ ,  $y = \varphi_1(x)$ ,  $y = \varphi_2(x)$  :

Е)  $\iint_D f(x, y) dx dy = \int_{\varphi_1(y)}^{\varphi_2(y)} f(y, x) dx \int_c^d dy$

188. Представьте двойной интеграл  $\iint_D f(x, y) dx dy$  в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по  $y$ , если

область  $D$ , ограничена линиями  $y = c$ ,  $y = d$ ,  $x = \psi_1(y)$ ,  $x = \psi_2(y)$  :

Е)  $\iint_D f(x, y) dx dy = \int_{\psi(y)}^{\psi(y)} f(x, y) dx \int_c^d dy$

189. Укажите формулу вычисления двойного интеграла  $\iint_D f(x, y) dx dy$ , если область  $D$ , ограничена линиями  $x = a$ ,

$x = b$ ,  $y = c$ ,  $y = d$  :

Е)  $\iint_D f(x, y) dx dy = \int_c^d f(x, y) dx = \int_a^b f(x, y) dy$

190. Вычислить повторный интеграл  $\int_0^1 dx \int_0^2 (x + y) dy$

Е) 0

191. Вычислить повторный интеграл  $\int_0^1 dx \int_0^4 3xy dy$

Е) 0

192. Вычислить повторный интеграл  $\int_2^4 dy \int_0^{\frac{x}{y}} x dx$

Е)  $2 \ln 4$

193. Представьте двойной интеграл  $\iint_D f(x, y) dx dy$  в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по  $y$ , если

область  $D$ , ограничена линиями  $x + y = 2$ ,  $x^2 + y^2 = 4$ ,  $(x \geq 0)$ :

Е)  $\int_0^2 dx \int_{2-x}^{4-x^2} f(x, y) dy$

194. Вычислить повторный интеграл  $\int_1^2 dy \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos x dx$

Е)  $\frac{1}{2}$

195. Изменить порядок интегрирования в повторном интеграле  $\int_1^e dx \int_0^{\ln x} f(x, y) dy$

Е)  $\int_1^e dy \int_0^{\ln y} f(x, y) dx$

196. Изменить порядок интегрирования в повторном интеграле  $\int_0^1 dx \int_0^x f(x, y) dy$

Е)  $\int_0^1 dy \int_{-y}^y f(x, y) dx$

197. Вычислить повторный интеграл  $\int_2^5 dy \int_0^1 e^x dx$

Е)  $e^2$

198. Представьте двойной интеграл  $\iint_D f(x, y) dx dy$  в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по  $x$ , если

область  $D$ , ограничена линией  $x^2 + y^2 = 9, (x \geq 0, y \geq 0)$ :

Е)  $\int_0^3 dx \int_0^{9-x^2} f(x, y) dy$

199. Вычислить двойной интеграл  $\iint_D (2t + x) dt dx$ , если  $D$  ограничена:  $1 \leq t \leq 2, 0 \leq x \leq 3$

Е) 0

200. Вычислить двойной интеграл  $\iint_B (x + y^3) dx dy$  если область  $D$ , ограничена прямыми  $x = 1, x = 2, y = 0, y = 2$ .

Е) 6

201. Формула вычисления площади  $S$  плоской фигуры  $D$  с помощью двойного интеграла в декартовых координатах:

Е)  $S = \iint_D (x^2 + y^2) dx dy$

202. Что выражается формулой  $\iint_D dx dy$ :

Е) плотность области  $D$

203. Объем цилиндрического тела, ограниченного сверху непрерывной поверхностью  $z = f(x, y)$ , снизу - областью  $D$  плоскости  $xOy$  находится по формуле:

Е)  $V = \iint_D dx dy$

204. Если гладкая поверхность  $\sigma$  задана уравнением  $z = f(x, y)$  и  $D$ -проекция данной поверхности на плоскость  $xOy$ , то площадь поверхности  $S$  находят по формуле:

Е)  $S = \iint_D \sqrt{1 + z} dy dz$

205. Укажите формулу нахождения массы  $M$  плоской пластинки с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y)$  и лежащей в плоскости  $xOy$ :

Е)  $M = \iint_D f(\rho x, \rho y) dx dy$

206. Укажите формулу нахождения статического момента относительно оси  $Ox$  плоской пластинки с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y)$  и лежащей в плоскости  $xOy$  :

Е)  $M_x = \iint_D f(\rho x, \rho y) dx dy$

207. Укажите формулу нахождения статического момента относительно оси  $Oy$  плоской пластинки с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y)$  и лежащей в плоскости  $xOy$  :

Е)  $M_y = \iint_D f(\rho x, \rho y) dx dy$

208. Укажите координату  $x_c$  центра тяжести  $C$  плоской пластинки  $D$  с поверхностной плотностью  $\rho(x, y)$  и лежащей в плоскости  $xOy$ , где  $M$  - масса пластинки, а  $M_x, M_y$  - ее статические моменты относительно осей координат :

Е)  $x_c = \frac{M_y}{M_x}$

209. Укажите координату  $y_c$  центра тяжести  $C$  плоской пластинки  $D$  с поверхностной плотностью  $\rho(x, y)$  и лежащей в плоскости  $xOy$ , где  $M$  - масса пластинки, а  $M_x, M_y$  - ее статические моменты относительно осей координат :

Е)  $y_c = \frac{M_x}{M_y}$

210. С помощью двойного интеграла вычислить площадь  $S$  плоской области  $D$ , ограниченной прямой  $y = 2$  и параболой  $y = x^2 - 1$ .

Е)  $S = 2\sqrt{3}$

211. С помощью двойного интеграла вычислить площадь  $S$  плоской области  $D$ , ограниченной прямой  $y = x + 1$  и параболой  $y = x^2 - 1$ .

Е)  $S = 6$

212. С помощью двойного интеграла вычислить площадь  $S$  плоской области  $D$ , ограниченной линиями:  $x = 1, (x \leq 1), y = 2x, y = x^2$ .

Е)  $S = 1$

213. Укажите формулу нахождения массы  $M$  плоской однородной пластинки  $M = \iint_D dx dy =$  в виде повторного интеграла

с внешним интегрированием по  $x$ , если пластинка лежит в плоскости  $xOy$  и ограничена линиями  $y = x^2 - 2x, y = x$  :

Е)  $M = 0$

214. Укажите формулу нахождения массы  $M$  плоской пластинки  $M = \iint_D x(y-1) dx dy =$  с поверхностной плотностью

$\rho = x(y-1)$  в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по  $x$ , если пластинка лежит в плоскости  $xOy$  и ограничена линиями  $y = 5x, y = x, x = 4$  :

Е)  $M = x(y-1)$

215. Укажите формулу нахождения массы  $M$  плоской однородной пластинки  $M = \iint_D dx dy$  в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по  $y$ , если пластинка лежит в плоскости  $xOy$  и ограничена линиями  $x = 4y - y^2$ ,  $x + y = 6$ :

Е)  $M = \int_{6-y}^{4y-y^2} dy \int_2^3 dx$

216. Укажите формулу нахождения массы  $M$  плоской пластинки  $M = \iint_D (x + y) dx dy$  с поверхностной плотностью  $\rho = x + y$  в виде повторного интеграла с внешним интегрированием по  $y$ , если пластинка лежит в плоскости  $xOy$  и ограничена линиями  $y = 2$ ,  $y = x^2 - 1$ :

Е)  $M = 2 + C$

217. Написать формулу нахождения объема тела, ограниченного поверхностями  $x^2 + y^2 = 4$ ,  $x^2 + z^2 = 4$ .

Е)  $V = 0$

218. Написать формулу нахождения объема тела, ограниченного поверхностями  $x + y = 4$ ,  $x + z = 9$ .

Е)  $V = \int_4^9 (9 - x) dx \int_0^{4-x} dy$

219. Предел интегральных сумм  $\lim_{\max d(v_i) \rightarrow 0} \sum_{i=1}^n f(x_i, y_i, z_i) \Delta v_i$  при условии  $\max d(v_i) \rightarrow 0 (n \rightarrow \infty)$ , где  $d(v_i)$  - диаметр ячейки  $v_i$ , называется

Е) криволинейным интегралом второго рода от функции  $f(x, y)$  по области  $D$

220. Тройной интеграл от функции  $u = f(x, y, z)$  по замкнутой ограниченной области  $T$   $\iiint_T f(x, y, z) dv$  в декартовых координатах имеет вид:

Е)  $\iiint_T f(x, y, z) dx dy dz$

221. Укажите свойство тройного интеграла:

Е)  $\iiint_D (f_1(x, y, z) f_2(x, y, z)) dx dy dz = \iiint_D f_1(x, y, z) dx dy dz \cdot \iiint_D f_2(x, y, z) dx dy dz$

222. Какие функции интегрируемы в смысле тройного интеграла

Е) функции, положительные в ограниченной области

223. Покажите формулу вычисления тройного интеграла  $\iiint_T f(x, y, z) dv$  по области  $T$ , ограниченной сверху поверхностью

$z = \psi_2(x, y)$ , снизу – поверхностью  $z = \psi_1(x, y)$ , а с боков - цилиндрической поверхностью с образующими, параллельными оси  $Oz$ :

Е)  $\iiint_T f(x, y, z) dx dy dz = \iint_D dx dy \int_{\psi_2(x,y)}^{\psi_1(x,y)} f(x, y, z) dz$

224. Покажите формулу вычисления тройного интеграла  $\iiint_T f(x, y, z) dv$  по области  $T$ , ограниченной плоскостями

$x = a$ ,  $x = b$ ,  $y = c$ ,  $y = d$ ,  $z = e$ ,  $z = g$ :

Е)  $\iiint_T f(x, y, z) dx dy dz = 0$

225. Что выражается формулой  $\iiint_T dx dy dz$

Е) момент инерции области  $T$

226. Формула вычисления объема пространственного тела  $T$  находится по формуле:

Е)  $V = \iiint_T (x + y + z) dx dy dz$

227. Укажите формулу нахождения массы  $M$  пространственного тела с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y, z)$  и занимаемого область пространства  $T$  :

Е)  $M = \iiint_T (x + y + z) \rho(x, y, z) dx dy dz$

228. Укажите координату  $x_c$  центра тяжести  $C$  пространственного тела с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y, z)$  и занимаемого область пространства  $T$ , где  $M$  -масса тела :

Е)  $x_c = 0$

229. Укажите координату  $y_c$  центра тяжести  $C$  пространственного тела с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y, z)$  и занимаемого область пространства  $T$ , где  $M$  -масса тела :

Е)  $y_c = M$

230. Укажите координату  $z_c$  центра тяжести  $C$  пространственного тела с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y, z)$  и занимаемого область пространства  $T$ , где  $M$  -масса тела :

Е)  $z_c = 0$

231. Укажите формулу нахождения момента инерции относительно начала координат пространственного тела с поверхностной плотностью  $\rho = \rho(x, y, z)$  и занимаемого область пространства  $T$  :

Е)  $I_0 = \iiint_T (x^2 + y^2 + z^2) dx dy dz$

232. Вычислить тройной интеграл  $\iiint_T z dx dy dz$ , где область  $T$   $0 \leq x \leq 2, 0 \leq y \leq 3, 0 \leq z \leq 2$

Е) 10

233. Вычислить тройной интеграл  $\iiint_T dx dy dz$ , где область  $T$   $0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 2, 0 \leq z \leq 3$

Е) 10

234. Привести тройной интеграл  $\iiint_T f(x, y, z) dx dy dz$  к трехкратному интегралу, если область интегрирования ограничена плоскостями:  $x = 0, y = 0, z = 0, 2x + 2y + z = 8$ .

Е)  $\int_0^4 dx \int_0^x dy \int_0^{2x-2y} dz$

235. Привести тройной интеграл  $\iiint_T f(x, y, z) dx dy dz$  к трехкратному интегралу, если область интегрирования ограничена плоскостями:  $x = 2, y = x, z = 0, z = y$ .

Е)  $\int_0^2 dx$

236. Вычислить объем пространственного тела, ограниченного поверхностями:  $x = 0, z = 0, y = 1, y = 3, x + 2z = 3$ .  
Е) 6

237. Найти массу куба с поверхностной плотностью  $\rho(x, y, z) = x + y + z$ , ограниченного в пространстве  $T$ :  $0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1, 0 \leq z \leq 1$ :  
Е) 2

238. Найти массу тела с плотностью  $\rho = x + y + z$ , ограниченного плоскостями  $x = 0, x = 1, y = 0, y = 1, z = 0, z = 1$ :  
Е)  $M = 9$

239. Вычислить тройной интеграл  $\iiint_T \sin x \cos y dx dy dz$ , где область  $T$   $0 \leq x \leq \pi, 0 \leq y \leq \frac{\pi}{2}, 0 \leq z \leq 1$   
Е)  $\frac{\pi}{2}$

240. Привести тройной интеграл  $\iiint_T f(x, y, z) dx dy dz$  к трехкратному интегралу, если область интегрирования ограничена плоскостями:  $x = 0, y = 0, z = -1, z = 3, x + y = 3$ .

Е)  $\int_0^1 dx \int_0^3 dy \int_0^{3-y} (x+1) dz$

241. Если на кривой  $C$  определена скалярная функция  $F$ , то интеграл  $\int_0^s F(\vec{r}(s)) ds$  называется:

Е) Несобственным интегралом

242. Криволинейный интеграл первого рода от скалярной функции  $F$  вдоль кривой  $C$  обозначается в виде:

Е)  $\int_C (x, y, z) ds$

243. Криволинейный интеграл  $\int_C F ds$  существует, если функция  $F$ :

Е) бесконечно возрастает

244. Криволинейный интеграл первого рода не зависит от:

Е) кривизны пересекающихся поверхностей

245. Для криволинейных интегралов первого рода выполняется соотношение:

Е)  $\int_{C_1 \cup C_2} F ds = 0$

246. Если гладкая кривая  $C$  задана параметрически соотношением  $\vec{r} = \vec{r}(t), \alpha \leq t \leq \beta$  то:

Е)  $\int_C F ds = 0$

247. Если при вычислении криволинейного интеграла по длине дуги используют формулу

$$\int_C F(x, y) ds = \int_a^b F(x, f(x)) \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx, \text{ то кривая } C \text{ задана уравнением:}$$

Е)  $F'(x, y) = 0$

248. Если при вычислении криволинейного интеграла по длине дуги используют формулу

$$\int_C F(x, y) ds = \int_c^d F(\varphi(y), y) \sqrt{1 + (\varphi'(y))^2} dy, \text{ то кривая } C \text{ задана уравнением:}$$

Е)  $f'(x)$

249. Какой интеграл в полярных координатах выражается формулой  $\int_C F(x, y) ds = \int_\alpha^\beta F(r \cos \theta, r \sin \theta) \sqrt{r^2 + \left(\frac{dr}{d\theta}\right)^2} d\theta$ :

Е) плоский

250. Пусть кривая  $C$  описывается векторной функцией  $\vec{r} = \vec{r}(s)$ ,  $0 \leq s \leq S$ , где переменная  $s$  представляет собой:

Е) радиус сходимости векторной функции

251. Найти интеграл  $\int_C x^2 y ds$  вдоль отрезка прямой  $y = x$  от начала координат до точки  $(2, 2)$ :

Е)  $5\sqrt{2}$

252. Найти интеграл  $\int_C xy ds$  вдоль отрезка прямой  $y = x$  от начала координат до точки  $(1, 1)$ :

Е) 2

253. Найти интеграл  $\int_C y ds$  вдоль отрезка прямой  $y = x$  от начала координат до точки  $(2, 2)$ :

Е)  $5\sqrt{2}$

254. Найти интеграл  $\int_C x ds$  вдоль отрезка прямой  $y = x$  от начала координат до точки  $(1, 1)$ :

Е) 2

255. Найти интеграл  $\int_C \sin\left(\frac{\pi}{2} x\right) ds$  вдоль отрезка прямой  $y = x$  от начала координат до точки  $(1, 1)$ :

Е) 0

256. Найти интеграл  $\int_C \cos(\pi x) ds$  вдоль отрезка прямой  $y = x$  от начала координат до точки  $(1, 1)$ :

Е)  $\sqrt{2}$

257. Вычислить интеграл  $\int_C ds$ , где  $C$  является отрезком прямой от точки  $O(0, 0)$  до  $A(1, 2)$

Е) 1

258. Вычислить интеграл  $\int_C y ds$ , где  $C$  является отрезком прямой от точки  $O(0,0)$  до  $A(1,2)$

Е) 1

259. Вычислить интеграл  $\int_C x ds$ , где  $C$  является отрезком прямой от точки  $O(0,0)$  до  $A(1,2)$

Е) 1

260. Вычислить интеграл  $\int_C y^2 ds$ , где  $C$  является отрезком прямой от точки  $O(0,0)$  до  $A(1,2)$

Е) 1

261. Предположим, что кривая  $C$  задана векторной функцией  $\vec{r} = \vec{r}(s)$ ,  $0 \leq s \leq S$ , тогда производная векторной функции  $\frac{d\vec{r}}{ds}$  равна:

Е)  $\vec{r}$

262. Производная векторной функции  $\vec{r} = \vec{r}(s)$ ,  $0 \leq s \leq S$ , представляет собой:

Е) число

263. Производная векторной функции  $\vec{r} = \vec{r}(s)$ ,  $0 \leq s \leq S$  направлена вдоль:

Е) оси  $Oy$

264. Укажите криволинейный интеграл второго рода:

Е)  $\int_C (\vec{F} \times \vec{\tau}) ds$

265. Если для скалярной функции  $\vec{F} \cdot \vec{\tau}$  существует интеграл  $\int_C (\vec{F} \cdot \vec{\tau}) ds$ , то такой интеграл называется:

Е) неопределенным интегралом второго рода

266. Укажите верное соотношение для криволинейного интеграла второго рода:

Е)  $\int_C P dx + Q dy + R dz = 0$

267. Укажите значение криволинейного интеграла второго рода  $\int_C (\vec{F} \cdot d\vec{r})$ :

Е)  $\int_0^S (\vec{F}(\vec{r}(s))) ds$

268. Если  $\int_C P dx + Q dy = \int_0^S (P \cos \alpha + Q \cos \beta) ds$  и  $R = 0$ , то кривая  $C$ :

Е) лежит в плоскости  $z = 4 - xy$ ,



269. Пусть  $C$  - обозначает кривую с началом в точке  $A$  и конечной точкой  $B$  и  $\int_{-C}(\vec{F} \cdot d\vec{r}) = -\int_C(\vec{F} \cdot d\vec{r})$ , тогда под  $-C$

принимают кривую:

Е) сходящуюся в точку

270. Для криволинейных интегралов второго рода выполняется соотношение:

Е)  $\int_C(\vec{F} \cdot d\vec{r}) = dr$

271. Найти интеграл  $\int_C xdy - ydx$  вдоль кривой  $C$ , заданной уравнением  $y = x^3$ , от точки  $(0,0)$  до  $(2,8)$ .

Е) 0

272. Найти интеграл  $\int_C \sqrt{x}dx + \sqrt{y}dy$  вдоль кривой  $y = x^2$ , от точки  $O(0,0)$  до  $A(1,1)$ .

Е) 1

273. Найти интеграл  $\int_C ydx + xdy$  вдоль кривой  $y = x^2$ , от точки  $O(0,0)$  до  $A(1,1)$ .

Е) 4

274. Найти интеграл  $\int_C ydx + xdy$  вдоль кривой  $y = x^2$ , от точки  $O(0,0)$  до  $A(2,4)$ .

Е) 0

275. Найти интеграл  $\int_C ydx + xdy$  вдоль кривой  $y = x^2$ , от точки  $O(0,0)$  до  $A(3,9)$ .

Е) 8

276. Найти интеграл  $\int_C ydx + xdy$  вдоль кривой  $y = x^2$ , от точки  $O(-1,1)$  до  $A(0,0)$ .

Е) 0

277. Вычислить интеграл  $\int_C ydx - xdy$  вдоль кривой заданной в параметрическом виде  $\vec{r}(t) = (\cos t, \sin t)$ ,  $0 \leq t \leq \frac{\pi}{2}$ .

Е) 0

278. Вычислить интеграл  $\int_C ydx - xdy$  вдоль кривой заданной в параметрическом виде  $\vec{r}(t) = (\cos t, \sin t)$ ,  $0 \leq t \leq \frac{\pi}{4}$ .

Е) 0

279. Вычислить интеграл  $\int_C ydx - xdy$  вдоль кривой заданной в параметрическом виде  $\vec{r}(t) = (\cos t, \sin t)$ ,  $-\frac{\pi}{2} \leq t \leq 0$ .

Е) 0

280. Вычислить интеграл  $\int_C ydx - xdy$  вдоль кривой заданной в параметрическом виде  $\vec{r}(t) = (\cos t, \sin t)$ ,  $-\frac{\pi}{2} \leq t \leq \frac{\pi}{2}$ .

Е) 0

281. Укажите род поверхностного интеграла  $\iint_S f(x, y, z) dS = \iint_{D(u, v)} f(x(u, v), y(u, v), z(u, v)) \left| \frac{\partial \vec{r}}{\partial u} \times \frac{\partial \vec{r}}{\partial v} \right| dudv$

Е) положительный

282. Для заданной векторной функции  $\vec{r}(u, v) = x(u, v)\vec{i} + y(u, v)\vec{j} + z(u, v)\vec{k}$  укажите значение частной производной:

Е)  $\frac{\partial \vec{r}}{\partial u} = 0$

283. Для заданной векторной функции  $\vec{r}(u, v) = x(u, v)\vec{i} + y(u, v)\vec{j} + z(u, v)\vec{k}$  укажите значение частной производной:

Е)  $\frac{\partial \vec{r}}{\partial v} = 0$

284. Укажите элемент площади поверхностного интеграла:

Е)  $dS = dv$

285. Укажите формулу площади поверхности:

Е)  $A = \iint_S AdA$

286. Укажите свойство аддитивности:

Е)  $\iint_S f(x, y, z) dS = \bigcup_{i=1} \iint_{S_i} f(x, y, z) dS_i$

287. Выбор одного из двух противоположно направленных единичных нормальных векторов  $\vec{n}(x, y, z)$  или  $-\vec{n}(x, y, z)$  называют:

Е) базисом

288. Если  $S$  является границей ограниченной области, то с помощью внешней или внутренней нормали ее можно:

Е) замкнуть

289. Если поверхность  $S$  ориентирована внешней нормалью, то ее называют:

Е) ограниченной

290. Если поверхность  $S$  ориентирована внутренней нормалью, то ее называют:

Е) ограниченной

291. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S (x + y + z) dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + 2y + 4z = 4$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е)  $\frac{7}{12} \sqrt{2}$

292. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S x dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + 2y + 4z = 4$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е)  $\frac{7}{12}\sqrt{2}$

293. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + 2y + 4z = 4$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е) 6

294. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S y dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + 2y + 4z = 4$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е)  $\frac{7}{12}$

295. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S (x + y + z) dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + y + z = 1$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е)  $\frac{7}{12}\sqrt{2}$

296. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S (x + y) dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + y + z = 1$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е) -3

297. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S (y + z) dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + y + z = 1$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е)  $\frac{7}{12}\sqrt{2}$

298. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S (-1 + x + y + z) dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $x + y + z = 1$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е)  $\frac{7}{12}\sqrt{2}$

299. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S (x + y + z - 1) dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $2x + y + z = 1$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е) 0

300. Вычислить поверхностный интеграл  $\iint_S (2x + y + z - 1) dS$ , где  $S$  - часть плоскости  $2x + y + z = 1$  лежащая в первом октанте ( $x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0$ ).

Е) 1

# ТЕСТ БЕЗ ОТВЕТОВ

Тестовые задания составил \_\_\_\_\_ Шевцов А.Н.

Утверждены на заседании кафедры «Математика»

Протокол № \_\_\_\_\_ от « \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Абиев Н.А.

Тестовые задания приняты ОМКО

Руководитель сектора КИМ \_\_\_\_\_

« \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.